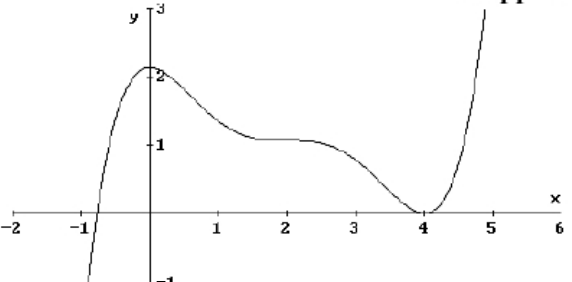
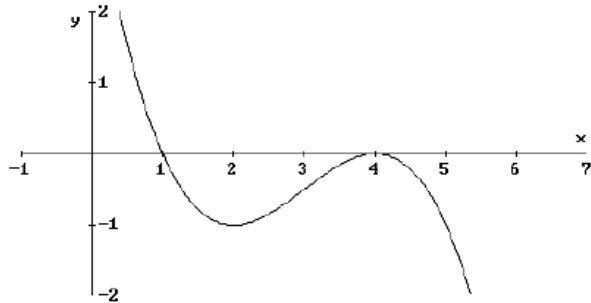


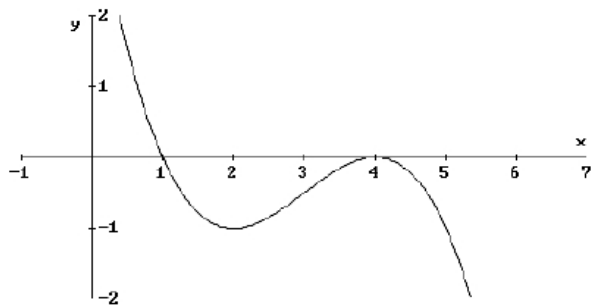
<p>1. Eine ganzrationale Funktion f habe den Grad 5. Was lässt sich über die Anzahl der Nullstellen sagen? (Wie viele hat sie mindestens/ höchstens?)</p>	<p>X. Sie hat mindestens 1 und höchstens 5 Nullstellen</p>
<p>2. Richtig oder Falsch? Jede ganzrationale Funktion vom Grad 3 hat eine Wendestelle .</p>	<p>B. Richtig. Die zweite Ableitung ist immer linear, d.h. $f''(x) = a \cdot x + b \Rightarrow$ Eine Lösung $x_1 = -b/a$ $f'''(x) = a$ ungleich Null. (hinr. Bedingung für Wendestellen)</p>
<p>3. Richtig oder Falsch? Jede ganzrationale Funktion vom Grad 3 hat höchstens zwei Extremstellen</p>	<p>V. Richtig: f' ist quadratisch und hat 2,1 oder keine Lösung \Rightarrow Höchstens zwei Extremstellen</p>
<p>4. Wenn eine Funktion f an einer Stelle x_0 einen Tiefpunkt besitzt, dann gilt $f'(x_0) = 0$ und $f''(x_0) > 0$.</p>	<p>S. Falsch Gegenbeispiel: $f(x) = x^4$</p>
<p>5. Liegt in einem Punkt eines Graphen ein Übergang von einer Zunahme der Steigung zu einer Abnahme der Steigung vor, so handelt es sich um einen Wendepunkt.</p>	<p>L. Richtig. Das ist wie ein Wechsel von einer Links- in eine Rechtskurve oder umgekehrt.</p>
<p>6. Gilt: $f'(x_0) = 0$ und $f''(x_0) < 0$, dann hat f an der Stelle x_0 einen lokalen Hochpunkt. .</p>	<p>O. Richtig. Das ist das zweite hinreichende Kriterium für lokale Extremstellen.</p>
<p>7. Gilt: $f'(x_0) = 0$ und $f''(x_0) = 0$, dann hat f an der Stelle x_0 einen Sattelpunkt.</p>	<p>G. Falsch. Außer einem Sattelpunkt könnte es auch ein lokaler Tief- oder Hochpunkt sein. Beispiel: $f(x) = x^4$ hat einen Tiefpunkt bei 0, obwohl $f'(0) = 0$ und $f''(0) = 0$</p>
<p>8. Welchen Grad hat die abgebildete Funktion mindestens?</p> 	<p>P. Mindestens Grad 5, an drei Stellen ist die Steigung Null ($f'(x)=0$): 0,2,4 \Rightarrow Erste Ableitung mindestens Grad 3 $\Rightarrow f$ mindestens Grad 4 Aber an den Rändern gibt es unterschiedliche Grenzwerte (- + Unendlich) \Rightarrow höchster Exponent ungerade</p>

9. Hier ist der Graph einer Ableitungsfunktion.
Richtig oder falsch?
Die Funktion f hat an der Stelle $x = 1$ einen
lokalen Hochpunkt.



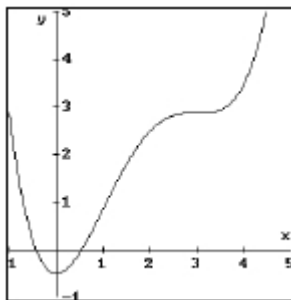
I. Richtig.
An der Stelle $x = 1$ gilt: $f'(1)=0$ und f' hat
dort einen $+/-$ VZW

10. Hier ist der Graph einer
Ableitungsfunktion. Richtig oder falsch?
Die Funktion f hat an der Stelle $x = 4$ einen
Wendepunkt.

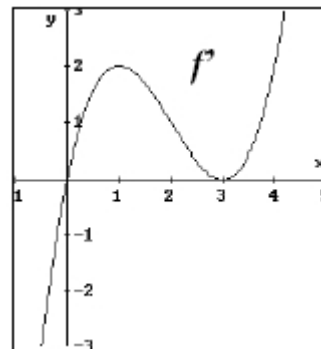


J.
Richtig, denn die erste Ableitung hat dort
einen Extremwert.
 $\Rightarrow f''(4) = 0$ und $f'''(4) <> 0$

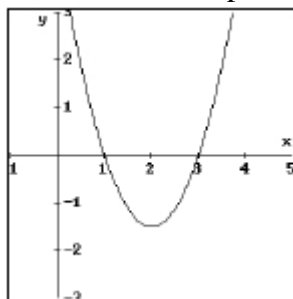
11. Skizziere die Ableitungsfunktion



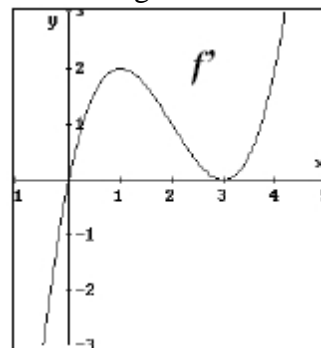
K.



12. Dies ist der Graph der Ableitungsfunktion.
Skizziere den Graphen der Funktion f .



E. Achtung: Dies ist nicht f' sondern f !



13. Richtig oder falsch? Eine Funktion
4. Grades hat mindestens eine Wendestelle.

N.
Falsch: Gegenbeispiel: $f(x) = x^4$

14. Wenn eine Funktion f streng monoton steigend und links gekrümmt ist, gilt: $f'(x) > 0$ und $f''(x) > 0$	M. Richtig: In einer Linkskurve ist f streng monoton steigend, also gilt: $f'(x) > 0$. Da die Steigungen der Tangenten im linksgekrümmten Teil einer Kurve auch zunehmen müssen, gilt ebenfalls: $f''(x) > 0$
15. Gibt es eine ganzrationale Funktion vom Grad 2 mit den Nullstellen $x_1 = 2$ und $x_2 = 4$, sowie dem Maximum bei $x = 0$.	F. Nein, denn bei einer Funktion 2. Grades muss das Maximum zwischen den Nullstellen liegen.
16. Richtig oder falsch? Ist der Grad von f gerade, so hat f mindestens eine Extremstelle.	H. Richtig: Ist f geraden Grades, so hat f' einen ungeraden Grad. Jede ungerade Funktion hat mindestens eine Nullstelle mit VZW. Also hat f mindestens eine Extremstelle.
17. Richtig oder falsch? Wenn f 3 verschiedene Extremstellen hat, so ist der Grad von f mindestens 3.	Q. Falsch: Wenn f mindestens 3 verschiedene Extremstellen hat, muss f' mindestens 3 verschiedene Nullstellen haben. Also ist f' mindestens vom Grad 3 und f damit mindestens vom Grad 4.
18. Richtig oder falsch? Wenn gilt: $f'(a) = 0$, hat f an der Stelle $x = a$ eine Extremstelle.	R. Falsch: Gegenbeispiel $f(x) = x^3$. Es gilt: $f'(0) = 0$, aber f hat an der Stelle $x = 0$ keine Extremstelle.
19. Richtig oder falsch? Eine Funktion 4. Grades hat 2 Wendestellen.	D. Falsch: Wenn die Funktion vom Grad 4 ist, ist die Ableitungsfunktion vom Grad 2. Dies bedeutet, dass sie höchstens 2 möglicherweise aber auch keine Nullstelle hat. Also hat eine Funktion 4. Grades höchstens 2 Wendestellen.

20. Wie viele Wendestellen muss eine Funktion 4. Grades mindestens haben ?	T. Sie muss keine Wendestelle haben. Beispiel: $f(x) = x^4$
21. Gibt es eine ganzrationale Funktion 3. Grades mit Extremstellen $x_1 = 2$ und $x_2 = 4$ sowie einer Wendestelle in $x_3 = 0$?	U. Nein. Begründung: Eine Extremstelle muss ein Hochpunkt sein, der in einer Rechtskurve durchlaufen wird; die andere muss ein Tiefpunkt sein, der in einer Linkskurve durchlaufen wird. Der Wendepunkt müsste dazwischen liegen.
22. Richtig oder falsch? Wenn f in x_1 eine Wendestelle hat, dann hat f' in x_1 eine Extremstelle.	C. Richtig: Wendestelle in x_1 , wenn dort gilt: $f''(x_1) = 0$ und $f'''(x_1) \neq 0$ Das bedeutet auch: $(f')' = 0$ und $(f')'' \neq 0$ (hinreichendes Kriterium f. Extremstellen)
23. Wie viele Wendestellen muss eine Funktion 5. Grades mindestens haben ?	W. Sie muss mindestens 1 Wendestelle haben, da f'' vom Grad 3 ist und eine Funktion vom Grad 3 mindestens eine Nullstelle mit VZW hat (hinreichende Bedingung für Wendestellen)
24. Wie viele Wendestellen muss eine Funktion mindestens haben, wenn sie 3 Extremstellen hat ?	A. Sie muss mindestens 2 Wendestellen haben (jeweils zwischen den Extremstellen) (Warum ist das so ?)

Lösung:

1	X
2	B

13	N
----	---